Tarea 5

Ejercicio 12

Demuestra que $\sqrt[3]{2}$ no es un número racional.

Ejercicio 13

Definamos para pares de números enteros una adición y una multiplicación:

$$(a_1, a_2) + (b_1, b_2) := (a_1 + b_1, a_2 + b_2)$$

$$(a_1, a_2) \cdot (b_1, b_2) := (a_1b_1 - a_2b_2, a_1b_2 + a_2b_1)$$

Resuelve con estas "reglas" los siguientes problemas:

(a) Verifica:
$$(0,0) + (b_1,b_2) = (b_1,b_2)$$
 y $(1,0) \cdot (b_1,b_2) = (b_1,b_2)$

- (b) Verifica: Si (a_1, a_2) y (b_1, b_2) son pares de enteros, enonces la ecuación $(a_1, a_2) + (x_1, x_2) = (b_1, b_2)$ tiene una solucón única con (x_1, x_2) un par de enteros.
- (c) Verifica: Si $(a_1, b_1) \cdot (b_1, c_1) = (0, 0)$ entonces $(a_1, a_2) = (0, 0)$ ó $(b_1, b_2) = (0, 0)$
- (d) Encuentra los pares de enteros (a_1, a_2) tales que la equación $(a_1, a_2) \cdot (x_1, x_2) = (1, 0)$ tenga una solución (x_1, x_2) con x_1 y x_2 enteros.
- (e) Para $(a_1, a_2) \neq (0, 0)$ encuentra pares de números racionales (x_1, x_2) que sesuelvan la ecuación $(a_1, a_2) \cdot (x_1, x_2) = (b_1, b_2)$.
- (f) Enceuntra los pares (x_1, x_2) de racionales que tengan la propiedad $(x_1, x_2) \cdot (x_1, x_2) = (-1, 0)$
- (g) No hay pares de racionales (x_1, x_2) con la propiedad que $(x_1, x_2) \cdot (x_1, x_2) = (2, 0)$

Fecha de entrega: 11-04-2007 antes de la clase.