

## CÁLCULO II - 2015. TAREA 9

PROFESOR: GERARDO HERNÁNDEZ DUEÑAS

**Para entregar :** Miércoles, 29 de Abril de 2015

**Antes de las 10:10 AM** 100%

**Después de las 10:10 AM y antes de las 5 PM** 80%

**No se aceptarán tareas después de las 5 PM**

**Se darán solo créditos parciales a respuestas que no incluyan detalles**

**Problema 1:** Las siguientes superficies, etiquetadas como (a), (b) y (c), son gráficas de una función  $f$  y sus derivadas parciales  $f_x$  y  $f_y$ . Identifica cada superficies y da las razones de tu elección.

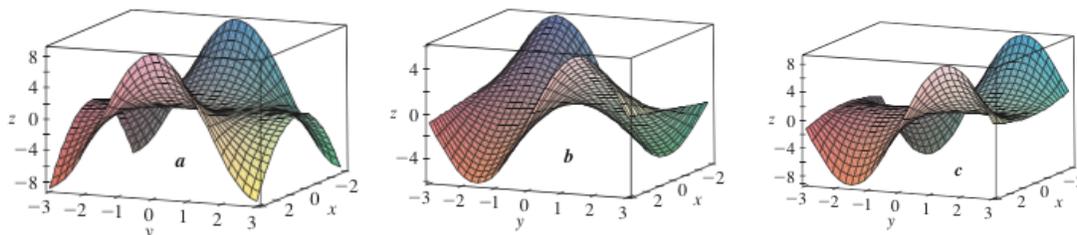


FIGURE 1.

**Problema 2:** Encuentra las primeras derivadas parciales de las siguientes funciones

$$f(x, y) = \tan(y/x), \quad f(x, t) = e^{t \cos(xt)} \sin(xt^2), \quad F(x, y) = \int_x^y \cos(e^t) dt$$

**Problema 3:** Usa diferenciación implícita para encontrar  $\partial z/\partial x$  y  $\partial z/\partial y$ , donde

- (a)  $x^2 + 2y^2 + 3z^2 = 1$
- (b)  $x^2 - y^2 + z^2 - 2z = 4$
- (c)  $e^z = xyz$
- (d)  $yz + x \ln y = z^2$

**Problema 4:** Verifica que la conclusión del teorema de Clairaut se satisface, i.e.,  $u_{xy} = u_{yx}$  para la función  $u = \cos(x^2y)y + x$

**Problema 5:** Encuentra  $\frac{\partial^3 z}{\partial u \partial v \partial w}$  de  $z = u^2 \sqrt{v - \cos(w)}$ .

**Problema 6:** Si  $f(x, y, z) = xy^2z^3 + \arcsin(x\sqrt{z})$ , encuentra  $f_{xyz}$ . *Sugerencia:* Cual orden de diferenciación es mas facil?

**Problema 7:** Verificar que la ecuación  $u = 1/\sqrt{x^2 + y^2 + z^2}$  es solución de la ecuación de Laplace en 3 dimensiones  $\nabla^2 u = u_{xx} + u_{yy} + u_{zz} = 0$ .

**Problema 8:** Verifica que la función  $z = \ln(e^x + e^y)$  es solución de las ecuaciones diferenciales

$$\frac{\partial z}{\partial x} + \frac{\partial z}{\partial y} = 1$$

y

$$\frac{\partial^2 z}{\partial x^2} \frac{\partial^2 z}{\partial y^2} - \left( \frac{\partial^2 z}{\partial x \partial y} \right)^2 = 0.$$

**Problema 9:** La ecuación de van der Waals para  $n$  moléculas de gas es

$$\left( P + \frac{n^2 a}{V^2} \right) (V - nb) = nRT,$$

donde  $P$  es la presión,  $V$  es el volumen, y  $T$  es la temperatura del gas. La constante  $R$  es la constante universal y  $a$  y  $b$  son constantes positivas particulares de cada gas. Calcula  $\partial T / \partial P$  y  $\partial P / \partial V$ .

**Problema 10:** Encuentra la ecuación del plano tangente a la superficie  $z = x \sin(x + y)$  en el punto  $(-1, 1, 0)$ .

**Problema 11:** Encuentra la linealización  $L(x, y)$  de la función  $f(x, y) = 1 + x \ln(xy - 5)$  en el punto  $(2, 3)$ .

**Problema 12:** Encuentra la aproximación de la función  $f(x, y, z) = \sqrt{x^2 + y^2 + z^2}$  en el punto  $(3, 2, 6)$  y úsala para aproximar el número  $\sqrt{(3.02)^2 + (1.97)^2 + (5.99)^2}$ .