

## CÁLCULO II - 2019. TAREA 12

PROFESOR: GERARDO HERNÁNDEZ DUEÑAS

**Para entregar :** Viernes, 24 de Mayo de 2019

**Antes de las 9:10 AM** 100%

**Después de las 9:10 AM y antes de las 5 PM** 80%

**No se aceptarán tareas después de las 5 PM**

**Se darán solo créditos parciales a respuestas que no incluyan detalles**

**Problema 1:** Evalúa las siguiente integral de manera directa y usando el Teorema de Green:

$$\oint_C (x - y)dx + (x + y)dy,$$

donde  $C$  es el círculo con centro en el origen y radio 2.

**Problema 2:** Calcula  $\int \mathbf{F} \cdot d\mathbf{r}$ , donde  $\mathbf{F}(x, y) = (x^2 + y, 3x - y^2)$  y  $C$  es la frontera de una región de área 6 y cuya curva tiene orientación positiva.

**Problema 3:** Usa el teorema de la divergencia para calcular la integral de superficie  $\int \int_S \mathbf{F} \cdot d\mathbf{S}$ , es decir, el flujo de  $\mathbf{F}$  a través de  $S$ , para los siguientes ejemplos

- (a)  $\mathbf{F}(x, y, z) = (xye^z, xy^2z^3, -ye^z)$ , donde  $S$  es la superficie de la caja acotada por los planos coordenadas, y los planos  $x = 3, y = 2$  y  $z = 1$ .
- (b)  $\mathbf{F}(x, y, z) = (3xy^2, xe^z, z^3)$ ,  $S$  es la superficie del sólido acotado por el cilindro  $y^2 + z^2 = 1$  y los planos  $x = -1$  y  $x = 2$ .
- (c)  $\mathbf{F}(x, y, z) = (x^3y, -x^2y^2, -x^2yz)$ ,  $S$  es la superficie del sólido acotado por el hiperboloide  $x^2 + y^2 - z^2 = 1$  y los planos  $z = -2$  y  $z = 2$ .
- (d)  $\mathbf{F}(x, y, z) = (xy \sin z, \cos(xz), y \cos(z))$ ,  $S$  es el elipsoide  $x^2/a^2 + y^2/b^2 + z^2/c^2 = 1$ .
- (e)  $\mathbf{F}(x, y, z) = (4x^3z, 4y^3z, 3z^4)$ ,  $S$  es la esfera con radio  $R$  y centro en el origen.

**Problema 4:** Usa el teorema de la divergencia para evaluar  $\int \int_S (2x + 2y + z^2)dS$ , donde  $S$  es la esfera  $x^2 + y^2 + z^2 = 1$ .

**Problema 5:** Verifica que  $\text{div } \mathbf{E} = 0$  para el campo eléctrico  $\mathbf{E}(\mathbf{x}) = \frac{eQ}{|\mathbf{x}|^3} \mathbf{x}$ .