

## Álgebra moderna II: tarea 2

---

Fecha de entrega: 4 de marzo, 2017

### EJERCICIO 1

Verificar que  $f : R \rightarrow R/I$ , donde  $I \subset R$  es un ideal, es un homomorfismo de anillos.

### EJERCICIO 2

Sea  $\mathbb{F}[x]$  el anillo de polinomios con coeficientes en un campo  $\mathbb{F}$ . Demuestre que existe el algoritmo de la división en  $\mathbb{F}[x]$ .

### EJERCICIO 3

Sea  $\mathbb{F}[x]$  el anillo de polinomios con coeficientes en un campo  $\mathbb{F}$  y  $c \in \mathbb{F}$  una constante. Demuestre que la función  $E\nu : \mathbb{F}[x] \rightarrow \mathbb{F}$ , que asocia  $f(x) \mapsto f(c)$ , es un homomorfismo de anillos. Demuestre que el núcleo de  $E\nu$  es el ideal principal generado por  $(x - c)$ .

### EJERCICIO 4

Sea  $R = \mathbb{Q}[x, y]$  el anillo de polinomios en dos variables con coeficientes en  $\mathbb{Q}$ . Demostrar que no existe un algoritmo de la división en  $R$ .

### EJERCICIO 5

Sea  $R$  un anillo. Demostrar que si  $R$  tiene solo un ideal, entonces  $R = \{0\}$ .